# دور الخوارزميا في تطور الفكر الرياضيا 

## Al-Khwarizmi's role in the development of mathematical thought

حسن أحهد
جاهعة : محهد بوفياف - المسيلة
ahmed.hassane@univ-msila.dz : الايميل

## عزاز نور الهدىا

## جامعتة محهد بوفياف - المسيلة

## hassenohriche@gmail.com : الايميل

(الملخص : إن العبقريـة الرياضـــية التي اتســم بها "الخوارزمي" جعلته يتجاوز زمانه ومكانه، فيكفي أنه كتب اســمه من ذهب في تاريخ الرياضــية العالمية، حيث لا يمكن لأي كان أن يشـكك في أنه هو مؤسـس علم الجبر، وكذلك في كونه يشكل نقطة اعطاف في مسـار تاريخ الرياضـيات، لا في الحضــارة الإســلامية وفقط، بل وحتى في الحضــارات الأخرى، ذلك لأن مسـيرته الرياضــية - فضــلا عنما قدمه - قد أكملها جهابذة من العلماء الرياضيين العرب والمسلمين.
فمن خلال عرضــنا هذا تبين لنا الأثر البالغ لكتابه الثــهير "الجبر والمقابلة" الذي جعل منه مؤســــــا لعلم الجبر ، والذي لاحظنا كذلك أنه كان بمثابة مرجعية رياضــية عاد إليها جل الرياضـيـين في بنائهم وتثــيـيدهم


الكلمـات المفتاحية: التأسيس، الجبر، الخوارزمي، الفكر الرياضي .

## Summary:

The mathematical genius of Al-Khwarizmi made him transcend his time and place. It is enough that he wrote his name from gold in the history of international mathematics, as no one can doubt that he is the founder of algebra, as well as that he constitutes a turning point in the course of the history of mathematics. Not only in Islamic civilization, but even in other civilizations, because his sports career - in addition to what he presented - was completed by geniuses from Arab and Muslim mathematicians.
Through our presentation, it became clear to us the great impact of his famous book "Al-Jabr and Al-Muqabala" which made him a founder of the science of algebra, and which we also noticed that it was a mathematical reference to which most mathematicians returned in their construction and construction of their various mathematical edifices.
Keywords: Establishing, algebra, Al-Khwarizmi, Mathematical thought.

إن لكل حضـارة علمائها ولكل علم أقطابه الخاصـة به، وحديثنا عن العلم الرياضـي في الحضـارة الإسـلامية لا يخرج عن نطاق ذلك، فتاريخه حافل بالثـواهد التي تتم عن العبقرية الرياضـية لدى العلماء العرب المسـلمين، حيث يكفي أن نذكر أن هؤلاء قد برعوا في الرياضيات وأسهموا في تطويرها بل وفي نشأة بعض فروعها على غرار علم الجبر وعلم المثلثات، فضـــلا عن ذكرنا ابداعاتهم للكثير من المفاهيم الرياضـــية وحلهم للعديد من المسائل المتحقة بها.
ولعل من بين أشـــهر هؤلاء يســـوقفنا "الخوارزمي"، هذا الأخير الذي أســهـ بشــكل كبير في تطوير العلم الرياضـي، بل أكثر من ذلك وضـع بصــته العربية الإسـلامية على تاريخ الرياضـيات العالمية ككل وذلك من
 برياضـيات عصـره، واطلاعه على النظريات الرياضـية التي عرفت في الحضــارات الأخرى، خاصــة منها تلك

التي عرفت في الحضارة اليونانية والحضارة الهندية، حيث قام بترتيبها وتظظيمها وتتقيحها. والأهم من ذلك هو أنه أقام عليها البناء الرياضـي الذي شيده، والذي من خلاله تم وضـع القواعد الأولى لعلم الجبر، والتي كان لها دور كبير فيما بعد في ظهور العديد من الاكتثـــــافات الرياضــــــيـة من قبل جملة من العلماء الرياضيين، سواء كانوا رياضيين عرب ومسلمين أو غيرهم من الرياضيين. وانطلاقا من ذلك فإنه لابد علينا من معرفة من هو الخوارزمي؟ وما هي أهم معالم علم الجبر عنده؟ وماهي جل اكتشـافاته الرياضية؟ وما مدى تأثيرها سواء على العالم العربي أو الغرب الأوروبي؟ أي بعبارة أخرى: ما الجديد الذي قدمه الخوارزمي في علم الجبر بوجه خاص؟ وكيف أسهم في تطوير العلم الرياضي بوجه عام؟ 1. التعريف بالخوارزمي:

هو أبو عبد الله محمد بن موسى المعروف بالخوارزمي، وذلك نسبة إلى أصله الذي يعود إلى منطقة خوارزم، التي تعد مهد الثقافة الإســلامية وأهم مراكزها، ولد ســنة 182هـ - 798م، وقد عرف عنـ ألــه أنه "أقام ببغداد في عصـر المأمون وتوفي نحو سنة 232هـ - 847م. برع في الرياضـيات والفلك. ويعد أول من استعمل الجبر بشكل مستقل عن الحساب (...) كان لكتابه ((الجبر والمقابلة)) أثر كبير في تقدم الرياضيات" 1 . وعلى الرغم من أن "الخوارزمي" ولد في منطقة - الجرجانية في خوارزم - إلا أنه لم ينشـأ فيها، وإنما نشأ في منطقة اســها "قُطربل" بالقرب من بغداد، إذ بعد دخول جده الإســلام رحلت أسـرته إلى هذه المنطقة التي باع فيها جده كل مدتلكاته، وهذا ما مكنه من أن يشــترى أرضــــا واســـعة ليبني فيها بيتا ومزرعة، وهنالك ترعرع الألـا الخوارزمي وعاش طفولته وهو يساعد والده في أمور الزراعة، والأهم من ذلك هو أنه إضافة إلى إتقانه للغتين التركية والفارســـيـة - لغتي أهلـه الأصــــليتين - تعلم اللغة العربية، كمـا تعلم كذلك مبادئ القراءة والكتابـة والحسـاب، ولأنه كان شــوفا بتقدير المسـافات بين الأشــياء فضــلا عن الأمور الهندسـية المتعلقة بأشـكال الأشياء، فقد تتبأ له إمام مسـجد "قطربل" بأنه سوف يكون أعظم علماء الرياضـيات، وأقنعه بأن يترك الزراعة ويتفرغ لطلب العلم، عندها سافر إلى بغداد وظل يتلقى العلم في بيت الحكمة 2.

وبعد مدة قاربت العامين من دراســتـه للرياضــيات نال "الخوارزمي" عن جدارة واســتحقاق ما يعرف بالإجازة العلمية، وقد تزوج بعد ذلك وأنجب ابنه المســمى "جعفر "، هذا وقد مكنته دراســته للمعارف الرياضـــية للقدماء وحتى لأهل عصره، من أن يكون علامة فارقة في مجال العلم الرياضـي. ولعل أهم ما يمكن قوله هنا هو أنه

بعد أن ذاع صيته، قد طلب "هارون الرشيد" معابلته، ليعينه ضمن علماء الرياضي لقد كـانت نظرة "الخوارزمي" لكتب بيت الحكمـة تختلف عن نظرة من معـه، حيث كـان ينظر إليهـا بعين المتمعن المتدبر، فعلى الرغم من أنـه لم يجـالس أهلهـا إلا أنـه أصــــبح على درايـة كاملـة بكل عنـاوينهـا ومضــامينها، وإلى جانب ذلك فإنه ينبغي التتويه هنا إلى أن "الخوارزمي" لم يكن اهتمامه منصـبا على الكتب الرياضـــية وفقط، وإنما تعدى ذلك إلى كل ما يقع تحت ناظره، ولذلك فإن اســــمه لم يكن لامعا في المجال

الرياضي وفقط، بل حتى في مجالات أخرى، حيث برع في الفلك والجغرافيا، كما برع في علوم الهيئة ${ }^{4}$. وإلى جانب ذلك اشــتهر الخوارزمي بتأليفه للعديد من الكتب أههها كتاب "الجبر والمقابلة". كما كان له كتاب "الريح" المتكون من نسختين، وكتاب التاريخ، وقد ألف كذلك موجزا في علم الفلك، كما ألف "الخوارزمي" كتابا آخر في الحســــاب يعد كذلك من أعظم الكتب، وقد حمل هذا الكتاب العديد من الأعمـال التي قام بهـا "الخوارزمي"، والتي أســهمت في تطوير العلم الرياضـــي حيث قدم فيه "الخوارزمي" كيفية ترتيب الأعداد من اليمين إلى اليسـار ، كما اسـتخدم كذلك الحسـاب في حل الأحجيات بالطريقة العكسـية، أي أن الحل هنا كان بطريقة مخالفة لما هو معتاد، فالحل يبدأ من نهايـة المســــألة وليس من بدايتها وإضــــــافة إلى ذلك أعطى الـى الخوارزمي "معنى هندسيا للحلول، ومن خلال ذلك استطاع إخضاع الجبر للحساب" 5. وعلى الرغم من أن "الخوارزمي" أجاد في علوم الفلك والتاريخ والجغرافيا إلا أنه لم يكتسـبـ مجده وشـهرته إلا بعدما كتب في الجبر، ونقصــــــ بذلك على وجه التحديد كتابه "الجبر والمقابلة"، فإلى جانب المكانة المرموقة التي حظي بها هذا الكتاب ضمن وصـاف أبرز وأهم الكتب الرياضية، فإن اسم "الخوارزمي" قد لمع أكثر بين علماء الرياضـيات، حتى أصـبح أفضـلهم وأكثرهم شـهرة، حيث "يعزى إلى المسـلمين الفضـل في اختراع علم الجبر والذي ارتبط باسم العالم الشهير الخوارزمي (...) ويعد الخوارزمي بحق مثالا رائدا في الرياضيات وفي الجبر بصـــفة خاصــــة، فهو أول من أطلق مصـــطـلح الجبر الذي أخذ عنه الأوربيين الكلمـة الإنجليزيـة
. ${ }^{6 \prime \prime}$ Algebra
أما بالنسبة إلى أهم الصفات التي تحلى بها الخوارزمي، فهي أنه بدون شك عالم رياضـي كبير إلى درجة أن ســمي العصـر الذي عاش فيه باســمه، وإلى جانب ذلك فإنه لا يمكن تجاهل حبه للمطالعة والتأليف، حيث كان يقوم بعملية المطالعة نهارا ويدون ما جمعه ليـل، كما أنه كان يحمل أهم صــــفة يمكن للمؤرخ أو لناقل اللعلم أن يحملها، وهي أنه كان يتحرى الدقة والموضــوعية في أعماله، ولعل هذه الصــفة هي التي مكنته من إنثـاء مصـطلحي الجبر واللوغارتمات، وبالإضـافة إلى ذلك فلقد أكد "الخوارزمي" من خلال مؤلفاته أن العالم الحقيقي هو الذي يسعى للوصول إلى الحقيقة لا للوصول إلى الشهرة 7 . ومن هنا فإن "الخوارزمي" قد قضـى حياته كلها محبا وشـغوفا بجميع العلوم بوجه عام وبالعلم الرياضــي بوجه خاص، هذا الأخير الذي ســـعى الخوارزمي جاهدا في تطويره من خلال علم الجبر، وهو ما تجلى في كتابه

المشـهور كتاب "الجبر والمقابلة"، "هذا هو الخوارزمي الذي ذاع صيته وزادت شهرته، فبلغت مشـارق الأرض ومغاربها، اسمه يتردد في لغات كثيرة محرفا أو مقنعا" 8 .
2. الخوارزمي وتأسيس علم الجبر :

إن كتاب "الجبر والمقابلـً" يعد من أعظم ما كتب الخوارزمي، حيث حمل هذا الكتاب العديد من الانجازات التي قام بها الخوارزمي في مجال الجبر، ومن بين ما ورد في هذا الكتاب، هو كيفية ضـرب الأشثياء بعضـها في بعض، حيث تطرق "الخوارزمي" إلى الطريقة التي تضرب فيها الجذور سواء كانت هذه الجذور منفردة أو معها أعداد، كما بين لنا كذلك الطريقـة التي تجمع فيها وتتقص الجذور بعضـــــهـا من بعض، حيث يقول "الخوارزمي" في كتابه "الجبر والمقابلـ" ما يلي: "اعلم أنه لابد لكل عدد يضرب في عدد من أن يضاعف أحد العددين بقدر ما في الآخر من الآحاد. فإذا كانت عقود ومعها احاد أو مسـتتثى منها احاد فلابد من ضـــربها

$$
\text { أربع مرات العقود في العقود، والعقود في الأحاد، والأحاد في العقود، والأحاد في الأحاد" } 9 .
$$

ويعود الفضـل للخوارزمي في اكتشـاف الصـفر وإدراك قيمته ضـمن سلسلة الأعداد، وذلك بعد أن علمه زعيم الهنود طريقة الحســاب وأطلعه على جدول الأرقام الهندية الذي يحتوي على بعض الخانات الفارغة، وهذا ما جعل زعيم الهند يثــهد للخوارزمي بالعبقرية، ويتبأ له بخلود الذكر ، وهذا ما حدث بالفعل، حيث قال له: "إن

صدق حدسي فإنك ستكون من الذين يتعلم الناس على أيديهم فنون الرياضة والحساب في العالم كله" 10. إن شهرة الخوارزمي اتسعت شيئا فشيئا من خلال ابداعاته الرياضية المتمثلة أساسا في تطويره لعلم الحساب، وكذا تأسـيسـه لعلم الجبر، هذا الأخير الذي يُعرف بأنه: "إضـافة شـيء إلى كمية معلومة أو ضـربه بها حتى يصير أحدهما مساويا للآخر، ومن هذا التعريف يتضـح أن القصد منه هو العمليتان الجبريتان التاليتان:

$$
\text { م مـ س= ب= ب" } 11 .
$$

وكذلك من بين المعلومات التي وردت في كتاب "الجبر والمقابلـ"" هو أن "الخوارزمي" قد تطرق إلى المسـاحة، وهناك تتاول الأشـــكال الهندســـية المختلفة، وتمكن عن طريق الجبر الذي ابتكره من تقديم حلول للعديد من المسـائل الهندسـية، حيث كان الخوارزمي "عالما بما للدسـتور أو القاعدة القائمة وللآلية، من أهمية في حلول
 الخوارزمي كان متمكنا من علم الجبر لارجة أنه كان مدركا للقاعدة التي من شأنها أن تساهم في حل المسائل المتشابهة، حيث إن هذه القاعدة هي قاعدة ثابتة.
إن ما كان يهدف إليه "الخوارزمي" هو إنشاء أو تأسيس ما يسمى بعلم الجبر أو بالأحرى فإنه كان يهدف إلى إنشاء معادلات قابلة للحل بواسطة الجذور واستخدامها في مجال التجارة والزراعة وحتى في مسائل الميراث، فلقد عـالج الخوارزمي جملـة من المعـادلات من الدرجـة الأولى وحتى الثانيـة عن طريق الجذور، كمـا قـام بصـياغة مفهوم للمعادلة، والثـيء الأعظم الذي يحتسب للخوارزمي والذي عجز عنه الكثير من الرياضـيين وتمكن منه هو أنه "قد برهن مختلف صيغ الحلول لا جبريا، بل عن طريق مفهوم تساوي المساحات" 13.

وهذا إن دل فإنما يدل على أن "الخوارزمي" لم يكن متمكنا من علم الجبر وفقط، بل تعدى علمـه حتى إلى مجال الهندسة، حيث قدم "الخوارزمي" في هذا المجال ما عجز عنه الكثير من العلماء الرياضيين. وبالإضـافة إلى ذلك فلقد ميز "الخوارزمي" بين سلسلتين من الأعداد أو الأرقام، فالأولى هي السلسلة الهندية، وهي الســلســة التي يسـتعملوها العرب المتواجدون في المشــرق، والثانية هي الســلســلة الغبارية وهي التي يسـتخدمها العرب المتواجدون في المغرب، "ولقد بين العلماء العرب والمسـلمين معرفتهم للأرقام الغبارية على نظريـة الزاوية، وذلك بتعيين زاوية لكل رقم، فمثلا الرقم (1) زاوية حادة، وللرقم اثنان زاويتان Z وهكذا ..."14. بمعنى أن العرب اســـتندوا في معرفتهم للأرقام الغبارية على نظرية الزوايا، حيث عبروا على كل رقم بزاوية معينة يتم من خلالها التعرف على الرقم الذي تحمله. من هنا يعود الفضـل الكبير للخوارزمي في وجود الجبر الحقيقي، هذا الأخير الذي يرى البعض أنه قد استقاه من الحضــارات الثـــرقية القديمة، وعمل فيما بعد على تطويره وجعله علما مسـتقلا، وحتى وإن ســـلمنا بهذا الطرح فإن ما يحسب للخوارزمي هو أنه كان بارعا في مجال الرياضيات، وهذا واضـح من خلال ما قدمه من أفكار، وما قدمـه من نظريـات متطورة في الجبر تتم عن براعته، وخير دليل على ذلك هو مـا احتواه كتاب "الجبر والمقابلـ" الذي عالج فيه الخوارزمي مختلف المسـئل الرياضـية، والتي عبر عنها وعن حلها باستخدام

وبذللك فإن "الخوارزمي" يعد أحد أبرع علماء العرب في الرياضــيات، وفي الجبر بشـكل خاص، حيث نجد أن الخوارزمي قد طور "نظـام حل كل المعـادلات الـرجـة الأولى والثانيـة ذات المجهول الواحد بطرق جبريـة وهندسية، كما أن لهذا الرجل معرفة كبيرة، ويدين له العالم بمعرفتتا الحالية لعلمي الجبر والحساب" 15. وكذلك فلقد :"عرف الخوارزمي الوحدة المستعملة في المساحات، واستخدام"التكسير" ويقصد بذلك المساحة، ســـواء كانت ســطـية أو مجســمة (...) ولقد أثرى علم الجبر باســـتعماله بعض الأفكار الجبرية لمعرفة

المساحة"16
يعني هذا أن "الخوارزمي" قد أضــــاف لعلم الهندســــة الكثير انطلاقا من اعتماده على علم الجبر وبهذا أثرى العلم الرياضـي. وقد تتاول الخوارزمي في مجال الهندسـة مجموعة من الأشـكال الهندسـية أهمها الاسـطوانة والدائرة والمثلث المتساوي الأضـلاع، كل هذه الأشكال الهندسية وغيرها تتاولها "الخوارزمي" في الباب المعنون بالمساحة من كتابه "الجبر والمقابلة"، ولحل هذه المسائل الهندسية لجأ "الخوارزمي" إلى استخدام الجبر 17 الا كما "أن الخوارزمي قد حل المعادلات واوضحها من غير أن يستعمل الرموز من الأحرف الأبجدية، وفي ذلك صــوبة بالغة. غير أن نفرا من علماء العرب بعد الخوارزمي اسـتعملوا رموزا تخالف الرموز الثــائعة اليوم، ولكنها تتوم دقامها بلا ريب" 18.
وينبغي التتويـه هنـا إلى أن تفوق "الخوارزمي" على غيره من العلمـاء يكمن في تدكنـه من حل العديـ من المعادلات دون أن يلجأ إلى اسـتخدام الرموز بالحروف الأبجدية، وهذا أمر في غاية الصـعوبة، ولقد استخدم الخوارزمي العديد من المصـطلحات في مشـروعه الرياضـي ومن بين هذه المصـطلحات نجد: المال، الجذر، العدد، المعادلة، الجبر والمقابلة، وبما أننا تطرقنا إلى مفهومي الجبر والمقابلة، فســوف نحاول أن نحدد معنى

أو مفهوم الجذر عند الخوارزمي، حيث إنه بالاسـتناد على كتاب الجبر والمقابلة نجد أن المقصـود من الجذر هو أنه عدد مجهول يتم الرمز إليه بحرف (ش)، أما بالنســــبة إلى المـال فهو الجذر مربع أي: ش× ش ش²، وهذا معناه أن العدد المجهول يضرب في نفسه، وبخصوص العدد المفرد فهو الذي لا يحتوي على جذر ولا على مال 19.
وفي المجمل هذه هي المصـطلحات التي وظفها واسـتخدمها الخوارزمي في مشـروعه الرياضـي، حيث يقول: "ووجدت الأعداد التي يحتاج إليها في حسـاب الجبر والمقابلة ثلاثة ضـروب وهي جذور وأموال وعدد مفرد لا لا لا ينسـب الى جذر ولا مال (...) فمن هذه الضـروب بالثلاثة ما يعدل بعضـها بعضــا، وهو كقولك أموال تعدل جذورا، واموال تعدل عددا وجذور تعدل عددا 20. كما أن جل المفاهيم التي تم اســتخدامها في الحقل الرياضــــي من قبل الخوارزمي ومنها مفهوم المجهول في الرياضيات، لم يكن يقصد بها الخوارزمي كائنا محددا، بل إنه يرى أنه من المدكن أن نعبر عن ذلك برقم أو بشكل هندسي، وذلك لأن المجهول هو شـيء مجرد والأمر نفسـه ينطبق على المواضيع التي يستخدمها في عمليات الحل 21.
 المسـائل، هو أنه يسـعى لمعرفة المجهول عن طريق المعلوم وليس العكس، وهذه طريقة خاصــة بالخوارزمي، تختلف كل الاختلاف عن طرق سابقيه، وعلى وجه الخصوص تختلف عن طريقة اقليس في مجال الهندسة، ولعل هذا هو اللـــبب الذي يجعل من الخوارزمي يخلق العديد من المعادلات، ويخلق معها طرق مختلفة في عملية حلها 22.
كما يرجع الفضــل للخوارزمي في تعريف الناس باســتخدام الأرقام الهندية، وقد تفوق الخوارزمي في وضـــعـع أسـس لعلم الحسـاب، والتي ذاع صـيتها في مختلف ربوع العالم، وبهذا يكون الخوارزمي قد "حلق في ســماء الرياضــــيات، وكان نجما متألقا فيها، اهتدى بنوره علماء العرب وعلماء اوروبا، وكلهم مدين لـه، بل المدينة الحديثة مدينة له بما أضاف من كنوز جديدة الى كنوز المعرفة الثمينـاً 23. وبناء على ما تقدم يمكن القول بأن "الخوارزمي" كان محبا للطبيعة، كمـا كان محبا للعلم وخاصـــــــة العلم الرياضي الذي لمع وبرز فيه وذاع صيته من خلاله، والذي تفوق فيه على معاصريـه، وذلك من خلال تأسيسه لما يعرف بعلم الجبر، هذا الأخير الذي أرخ لـه "الخوارزمي" من خلال كتابه "الجبر والمقابلة" والذي تعرفنا من خلاله على أهم معالم الجبر، وكذلك على ما قدمه الخوارزمي في الحقل الرياضير.

> 3. أثر الخوارزمي في الفكر الرياضي:

هناك حقيقـة مفادها أن لكل عـالم رياضـــــي اتجاهـه الخاص بـه، إذ إن كل عـالم يمـارس علمـه بفردانيـة واســـتقلالية، غير أن هذا لا ينفي أن من خاصــــية العلم هي أنه بناء تراكمي، فالمعرفة العلمية ما هي إلا محصــلة لعمل جماعي، وأعمال الرياضــيين العرب والمســمين، بل وحتى الغربيين لا تخرج عن نطاق ذلك، حيث إن الخوارزمي الذي كانت له العديد من الإسـهامات الرياضــية - خاصــة في الحسـاب والجبر - كان بمثابة المرجعية التي استتد عليها هؤلاء، كما أن كتابه المعنون بــــــي "الجبر والمقابلة" كانت لـه أهمية بالغة في

ما كتبه العماء الرياضيين الذي أتو بعده، فقد اعتبر هذا الكتاب المرجع الأساسي لعلم الجبر عدة قرون، فلقد شيد وأقام عليه الكثير من الباحثين أبحاثهم الرياضية 24. ومن هنـا فإن "أعمـال محمد بن موســـى الخوارزمي أثرت بعمق في تطور الفكر الريـاضـــــي في الغرب القروسـطي، وقد تُرجم العديد منها إلى اللاتينية في إسـبانيا خلال القرن الثاني عثـر الميلادي، فقام روبرت الثستري بترجمة كتابه في الجبر جزئيا بعنوان: Liber algebras et almucabala' إن الخوارزمي يعود له الفضـل بالنسبة للكثير من العماء الرياضـيين، حيث نجد العديد منهم يعترف بأفضـال الخوارزمي، ومن بينهم "أبو كامل" الذي يقول في هذا الصـــدد: "هو أول من توصــل لكتاب الجبر والمقابلة، وهو من بدأه واخترع جميع ما فيه من أسـس، وكنذلك ذكر ابن خلدون في مقدمته أن أول من كتب في الجبر هو محمد بن موسى الخوارزمي" 26. إن "الخوارزمي" أعطى للعلم الرياضــي شـأن كبير من خلال الإضـافة التي قدمها، والتي تتجلى في تأسـيسـه لعلم الجبر ، بالإضـافة إلى مفاهيم رياضـيـة أخرى نصـت عليها مؤلفاته، كما أنه "من أكبر علماء العرب ومن الإلـا العلماء العالمين الذين تركوا مآثر جليلة في العلوم الرياضية والفلكية. فهو واضـع علم الجبر في شكل مستقل منطقي، وهو المبتكر لكثير من بحوث الجبر التي تدرس الآن (...) بحيث يصـــح القول إن ((الخوارزمي)): ((وضع علم الجبر وعلمه وعلم الحساب للناس أجمعين))' 27. وهذا يعني أن الخوارزمي نتيجة مســـاهتـه في جل الاكتثـــافات الرياضـــية، فإنه يعد من بين العلماء اللذين عملوا على تأســيس علم الجبر في شــكل منطقي ومســتقل، ولعل هذا هو الهــبب الذي يفـــر بقاء جبر الخوارزمي يتتدى به حتى الآن، حيث لا يزال يدرس في المدارس والثانويات. ولأن "الخوارزمي" من بين المؤســـــين لعلم الجبر في مختلف أنحاء العالم، فلقد لمع اســـمه من بين العلماء اللذين أثرو في الفكر البشـري بمنجزاتهم العلمية، كما نجد كذلك أن الحضــارة الغربية تقر بفضــلـ الخوارزمي
 "الخوارزمي" عنـه، وهذا مـا عبر عنـه "كاجوري" بقولـه: إن "العرب أول من أطلقوا كلمـة الجبر على الجبر، واشتق علماء الغرب والثرق من مؤلفات الخوارزمي وأبحاثه ونظرياته وتطبيقاته الرياضية الكثير" 28. بمعنى أن أعمال "الخوارزمي" ومنجزاته في علم الجبر كانت بمثابة البســــاط أو الأرضــــيـة التي مهدت لعلم الجبر الحديث في أوروبا، والتي سـاهمت في تطور العلم الرياضـي عندهم، وخير دليل على ذلك هو استفادة الكثير من العلمـاء الغربيين من انجازات الخوارزمي الريـاضـــــيـة ومن مختلف أبحـاثه، وهذا يدل على أن الخوارزمي كان سيد عصره وكان عبقريا بمعنى الكلمة، يدين له العلم الرياضي بفضله الكبير الـيا ولقد وصـــف العديد من علماء الغرب كتاب الخوارزمي بأنه بمثابة إعجاز أدهش الجميع، حيث تمت ترجمته من قبل العديد من العلماء، كما ورد في مجلد عبقرية الحضــــارة العربية بالإنجليزية بأن جبر الخوارزمي هو أول جبر عربي وصل إلى أوروبا 29.
(الخاتمة:
لقد تدكن "الخوارزمي" من حل بعض المعادلات بواســـطة الجذور كما حل العديد من المســـائل الرياضــــية بواسـطة الهندسـة، ولهذا يعد "الخوارزمي" مؤسـس العمود الفقري للعلم الرياضــي، وذلك باكتثــافه الجبر وكذا التمهيد لما يعرف الآن بالهندسـة التحليلية. بيد أن هذا لا يعني إغفال حقيقة مفادها: أن جل الاكتثـافات التي قدمها الخوارزمي في الرياضيات هي أيضا لم تتشأ من عدم وأنه قد استقاها من سابقيه، وهنا بالتحديد نتحدث الان عن ذلك العلم الرياضـي الذي كان موجود في الحضـارات الثـرقية، وكما وضـحنا سـابقا فإن الخوارزمي عمل

على تطويره، وهو الأمر الذي جعله يتميز عن سابقيه. بل أكثر من ذلك فإننا نجد أن مؤرخ الرياضــــيات العربية "رشــــــي راشـــــــ" يرى بأن كتاب "الجبر والمقابلة" للخوارزمي هو عمل تأسيسي بمعنى الكلمة لعدة توجهات، لعل أبرزها أنه عمل تأسيسي للجبر كفرع رياضي مستقل عن كل من الهندسـة والحسـاب، وبالنسبـة لنا كمسـلمين فهو عمل تأسـيسـي لما يعرف بعلم الفرائض، والأهم من كل ذلك بالنسبة لتطور الفكر الرياضـي هو أنه" عمل تأسيسي لنهج ولدته الإمكانات الجديدة التي طرحها الجبر والتي تلازمت معه. فلقد أجاز الجبر ما لم يكن بالإمكان تصــوره من قبل، وهو توسـيع تطبيق العلوم الرياضية، بعضها على البعض الآخر ، مما أدى إلى فصول علمية جديدة؛ نتصد هنا، تطبيق الحساب على الجبر، والجبر على الهندسة، والهندسة على الجبر، والجبر على علم المثلثات، إلخ" 30 . ومن هنا فإنه بفضل "الخوارزمي" قد تفوق العرب والمسلمين في العلم الرياضي، حيث أسهموا بشكل كبير في تطوير علم الجبر، كما كانت لهم كذلك اسهاماتهم في بقية فروع الرياضيات، سواء فيما يعرف بعلم المثلثات أو الهندسة أوغيرها

الهوامش:
1 1 محمود يعقوبي، معجم الفلسفة أهم المصطلحات وأشهر الأعلام، دار الكتاب الحديث، القاهرة، ط1، 2008، ص207. $2{ }^{2}$ عاطف محمد، عبقري علم الرياضيات الخوارزمي، سلسلة أشهر العلماء في التاريخ، دار اللطائف للنشر والتوزيع، القاهرة، ط1،

2003، ص ص3-4.

$$
3 \text { المرجع السابق ص ص4 -5. }
$$

4 ب باقر أمين الورد المحامي، معجم العلماء العرب، ج1، عالم الكتب، مكتبة النهضة العربية، بيروت، ط1، 1986، ص ص109 .110
5 حسن بدور ، الطبيعة والفلسفة في تاريخ الرياضيات، دار المرساة للطباعة والنثر والتوزيع، سورية - اللاذقية، ط1، 2013،
ص ص126-127.
6 خالد أحمد حصنين علي حربي، أسس الرياضيات الحديثة في الحضارة الإسلامية، الدكتب الجامعي الحديث، الإسكندرية، ط1، 2013، ص ص28-29.
7 7 ميخائيل خوري، علماء العرب "ثابت بن قرة. الخوارزمي. ابن الهيثم. البيروني"، بيت الحكمة، بيروت - لبنان، ط1، 1970، ص ص30 -33.
8 يوسف قرقور، تاريخ الرياضيات 1، دروس للأستاذة التعليم المتوسط السنة الأولى رياضيات (LMD)، قسم الرياضيات،


9 9 محمد بن موسى الخوارزمي، كتاب الجبر والمقابلة، تقديم: علي مصطفى مشرف ومحمد موسى أحمد، مطبعة بول باريه، د
ط، 1973، ص27.

10 عاطف محمد، المرجع السابق، ص ص127 12-13.
11 خالد أحمد حننين علي حربي، المرجع السابق ص ص12 ص29 -13 -30
12 ميخائيل خوري، المرجع السابق، ص ص35 -37 الـدي
13 شدي راشد، موسوعة تاريخ العلوم العربية، الجزء الثاني، "الرياضيات والعلوم الفيزيائية"، مركز دراسات الوحدة العربية، بيروت - لبنان، ط1، 2001، ص ص464 -465،

14 سمير عرابي، موسوعة اختراعات واكتشافات لعلوم الفيزياء والرياضيات "دور علماء العرب والمسلمين في تاريخ الحضارة الإنسانية"، دار الكتاب الحديث، القاهرة، د ط، 2011.، ص160. 15 المرجع نفسه، ص172. 16 المرجع نغسه، ص174.

 19 ساهل بوعزة، نحن والرياضيات "الموقف والسؤال"، مطبعة سوماكرام، الاار البيضاء - المغرب، ط2، 2006، ص61، 31 صـ
 21 شاشدي راشد، موسوعة تاريخ العوم العربية، المرجع السابق، ص466. 21 العاري 22 ياسين خليل، الأعمال الفلسفية الكاملة، "اللمنطق وفلسفة العلوم في التراث العربي الاسلامي"، الجزء الاول، اعداد وتقديم مشهـ العلاق، دار تينوى للاراسات والنشر والتوزيع، سورية - دمشق، د ط، 2014، ص41. 23 قدري حافظ طوقان، علماء العرب وما أعطوه للحضارة، منشورات الفاخرية - الرياض ودار الكاتب العربي - بيروت، د ط، د س، ص111.
24 خالد أحمد حسنين علي حربي، المرجع السابق، ص ص38 -39 الان
25 دونالد ر. هيل، العلوم والهندسة في الحضارة الاسلامية، تر : أحمد فؤاد باشا، سلسلة عالم المعرفة، المجلس الوطني للثقافة والفنون والآداب، الكويت، العدد: 305، يوليو 2004، ص291. 26 يوسف قرقور ، المرجع السابق، ص65.
27 قدري حافظ طوقان، المرجع السابق، ص111. 11 صـ
28 أحدد محد الثنواني، موسوعة عباقرة الحضارة العمية في الاسلام، مكتبة دار الزمان للنشر والتوزيع، السعودية، ط1، 2007، ص ص233-234.
29 المرجع نفسه، ص ص233 234 ر224 -226.
30 رشدي راشد، رياضيات الخوارزمي تأسيس علم الجبر، ترجمة: نقولا فارس، مركز دراسات الوحدة العربية، بيروت - لبنان، ط1، 2010، ص39.

